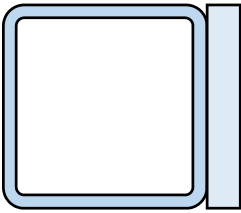


ОПРЕДЕЛЯНЕ НА ГЛАВНИ ИНЕРЦИОННИ ОСИ И МОМЕНТИ НА СЛОЖНИ ФИГУРИ:

СЛОЖНА ФИГУРА С ЕДНА ОС НА СИМЕТРИЯ, СЪСТАВЕНА ОТ СТАНДАРТЕН ПРОФИЛ И ПРАВОЪГЪЛНИК



УСЛОВИЕ:

Да се определи положението на главните инерционни оси и да се пресметнат стойностите на главните инерционни моменти.

Дадено е: профил 60×60×4 БДС EN 10210-2 и правоъгълник 10×60 mm.

РЕШЕНИЕ:

1. Сложната фигура се разделя на прости фигури

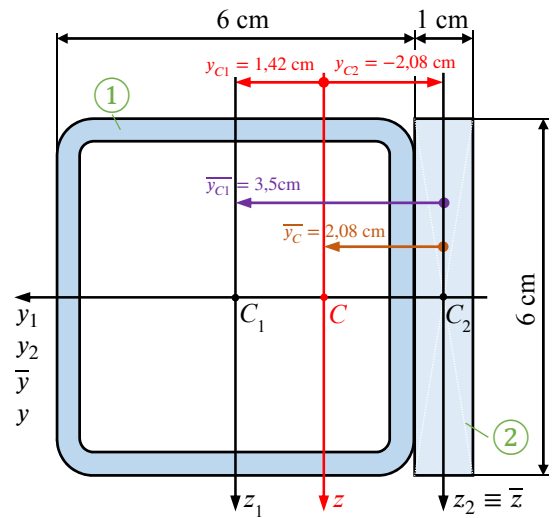
- Фигура ①: профил 60 × 60 × 4;
- Фигура ②: правоъгълник $b_2 \times h_2 = 1 \times 6$ cm.

2. Поставят се центровете на тежест на простите фигури ① и ② и се означават като C_1 и C_2 . Построяват се техните централни координатни системи $C_1y_1z_1$ и $C_2y_2z_2$.

3. Спомагателна координатна система – избираме $C_2y_2z_2 \equiv \overline{Cyz}$. Спрямо \overline{Cyz} :

$$\overline{y_{C1}} = \frac{6}{2} + \frac{1}{2} = 3,5 \text{ cm}; \quad \overline{z_{C1}} = 0;$$

$$\overline{y_{C2}} = 0; \quad \overline{z_{C2}} = 0.$$



4. Положение на центъра на тежест на сложната фигура. Фигурата има една ос на симетрия ($y_1 \equiv y_2 \equiv \overline{y} \equiv y$). Тя е първата главна инерционна ос. Центърът на тежест C лежи върху тази ос:

$$\overline{y_C} = \frac{\overline{y_{C1}}A_1 + \overline{y_{C2}}A_2}{A_1 + A_2} = \frac{3,5 \cdot 8,79}{8,79 + 1 \cdot 6} = \frac{30,77}{14,79} = 2,08 \text{ cm} \quad (A_1 = A^{\text{табл.}} = 8,79 \text{ cm}^4);$$

$$\overline{z_C} = \frac{\overline{z_{C1}}A_1 + \overline{z_{C2}}A_2}{A_1 + A_2} = 0 \quad (y \text{ е ос на симетрия}).$$

5. Построява се координатната система Cyz (ос z , перпендикулярна на ос y , през точка C)

- Координати на центровете на тежест на простите фигури спрямо Cyz :

$$\textcircled{1}: y_{C1} = \overline{y_{C1}} - \overline{y_C} = 3,5 - 2,08 = 1,42 \text{ cm}; \quad z_{C1} = 0;$$

$$\textcircled{2}: y_{C2} = -\overline{y_C} = -2,08 \text{ cm}; \quad z_{C2} = 0.$$

6. Инерционни моменти на простите фигури спрямо Cyz – теорема на Щайнер:

$$I_y^{\textcircled{1}} = I_{y1} + \overline{z_{C1}^2} A_1$$

$$I_y^{\textcircled{2}} = I_{y2} + \overline{z_{C2}^2} A_2$$

$$I_z^{\textcircled{1}} = I_{z1} + \overline{y_{C1}^2} A_1$$

$$I_z^{\textcircled{2}} = I_{z2} + \overline{y_{C2}^2} A_2$$

$$I_{y1} = I_{z1} = I_y^{\text{табл.}} = 45,4 \text{ cm}^4;$$

$$I_{y2} = \frac{b_2 h_2^3}{12} = \frac{1 \cdot 6^3}{12} = 18 \text{ cm}^4; \quad I_{z2} = \frac{b_2^3 h_2}{12} = \frac{1^3 \cdot 6}{12} = 0,5 \text{ cm}^4;$$

$$A_2 = b_2 h_2 = 1 \cdot 6 = 6 \text{ cm}^2.$$

$$I_y^{①} = I_{y1} = 45,4 \text{ cm}^4;$$

$$I_y^{②} = I_{y2} = 18 \text{ cm}^4;$$

$$I_z^{①} = 45,4 + 1,42^2 \cdot 8,79 = 63,12 \text{ cm}^4;$$

$$I_z^{②} = 0,5 + (-2,08)^2 \cdot 6 = 26,46 \text{ cm}^4.$$

7. Инерционни моменти I_y и I_z на сложната фигура

$$I_y = I_y^{①} + I_y^{②} = 45,4 + 18 = 63,4 \text{ cm}^4 = 63,4 \cdot 10^{-8} \text{ m}^4;$$

$$I_z = I_z^{①} + I_z^{②} = 63,12 + 26,46 = 89,58 \text{ cm}^4 = 89,58 \cdot 10^{-8} \text{ m}^4.$$

Тъй като y е ос на симетрия а z е перпендикулярна на нея ос, y и z са главни инерционни оси, I_y и I_z са главни инерционни моменти, $I_{yz} = 0$, задачата е решена.